

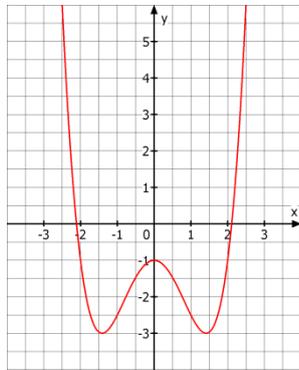
Mathematik * Jahrgangsstufe 10 * Eigenschaften ganzrationaler Funktionen

In der Abbildung sind die Graphen verschiedener ganzrationaler Funktionen dargestellt.

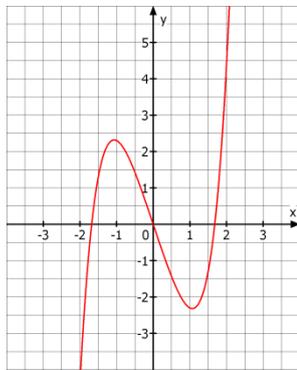
Peter behauptet: „Wenn eine Parallele zur x-Achse den Graphen in n Punkten schneidet, dann ist der Grad der Funktion größer oder gleich n.“ Stimmt Peters Behauptung? Begründen Sie!

Welche Symmetrieeigenschaften kann man – auch schon am Funktionsterm – erkennen?

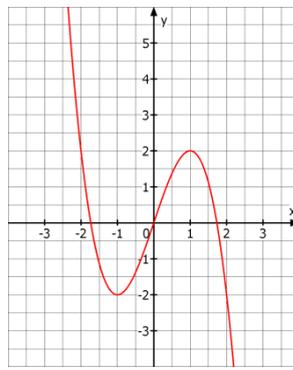
Wovon hängt das Verhalten von $f(x)$ für $x \rightarrow +\infty$ bzw. $x \rightarrow -\infty$ ab?



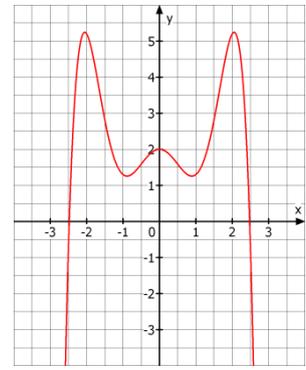
$$f(x) = 0,5x^4 - 2x^2 - 1$$



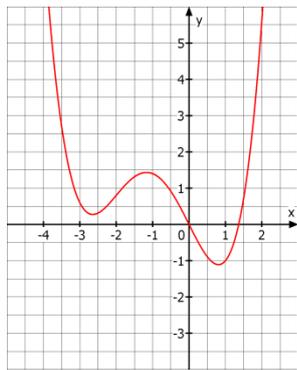
$$f(x) = 0,2x^5 + 0,5x^3 - 3x$$



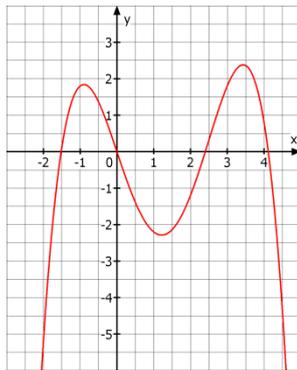
$$f(x) = -x^3 + 3x$$



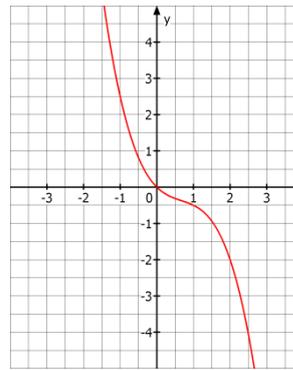
$$f(x) = -0,2x^6 + 1,5x^4 - 2x^2 + 2$$



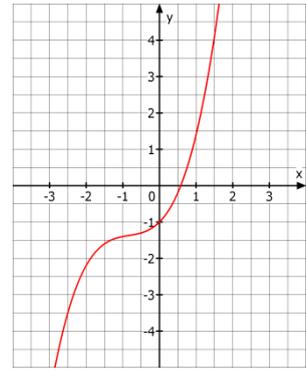
$$f(x) = 0,2x^4 + 0,8x^3 - 2x$$



$$f(x) = -0,2x^4 + x^3 - 3x$$



$$f(x) = -0,5x^3 + x^2 - x$$



$$f(x) = 0,4x^3 + x^2 + x - 1$$

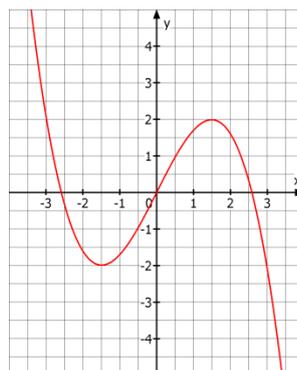
Aufgabe:

Ordnen Sie den vier unten abgebildeten Graphen jeweils einen passenden Funktionsterm aus dem angegebenen „Angebot“ zu! Begründen Sie auch, warum andere Funktionsterme nicht passen.

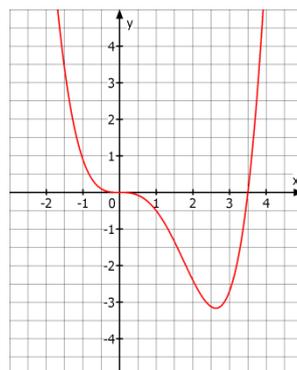
$$f_1(x) = 0,3x^3 + 2x ; \quad f_2(x) = -0,3x^3 + 2x + 1 ; \quad f_3(x) = -0,3x^3 + 2x ; \quad f_4(x) = -0,3x^3 + 2x^2$$

$$f_5(x) = 0,5x^3 + 1,5x^2 + 1 ; \quad f_6(x) = -0,25x^4 + 2x ; \quad f_7(x) = -0,25x^4 + 2x^2 ; \quad f_8(x) = x^2 + 1,5x + 1 ;$$

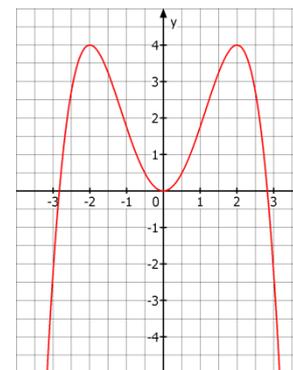
$$f_9(x) = 0,2x^4 - 0,7x^3 ; \quad f_{10}(x) = -0,2x^4 + 0,7x^3 ; \quad f_{11}(x) = 0,2x^4 - x^2 ; \quad f_{12}(x) = -0,2x^4 + 2x^2 + 1$$



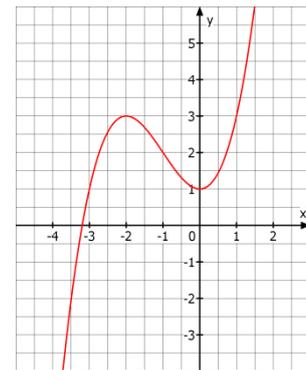
Graph 1



Graph 2



Graph 3



Graph 4