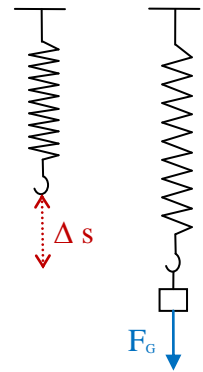


Physik-Übung * Jahrgangsstufe 8 * Herleitung einer Formel für die Spannenergie

A. Hookesches Gesetz

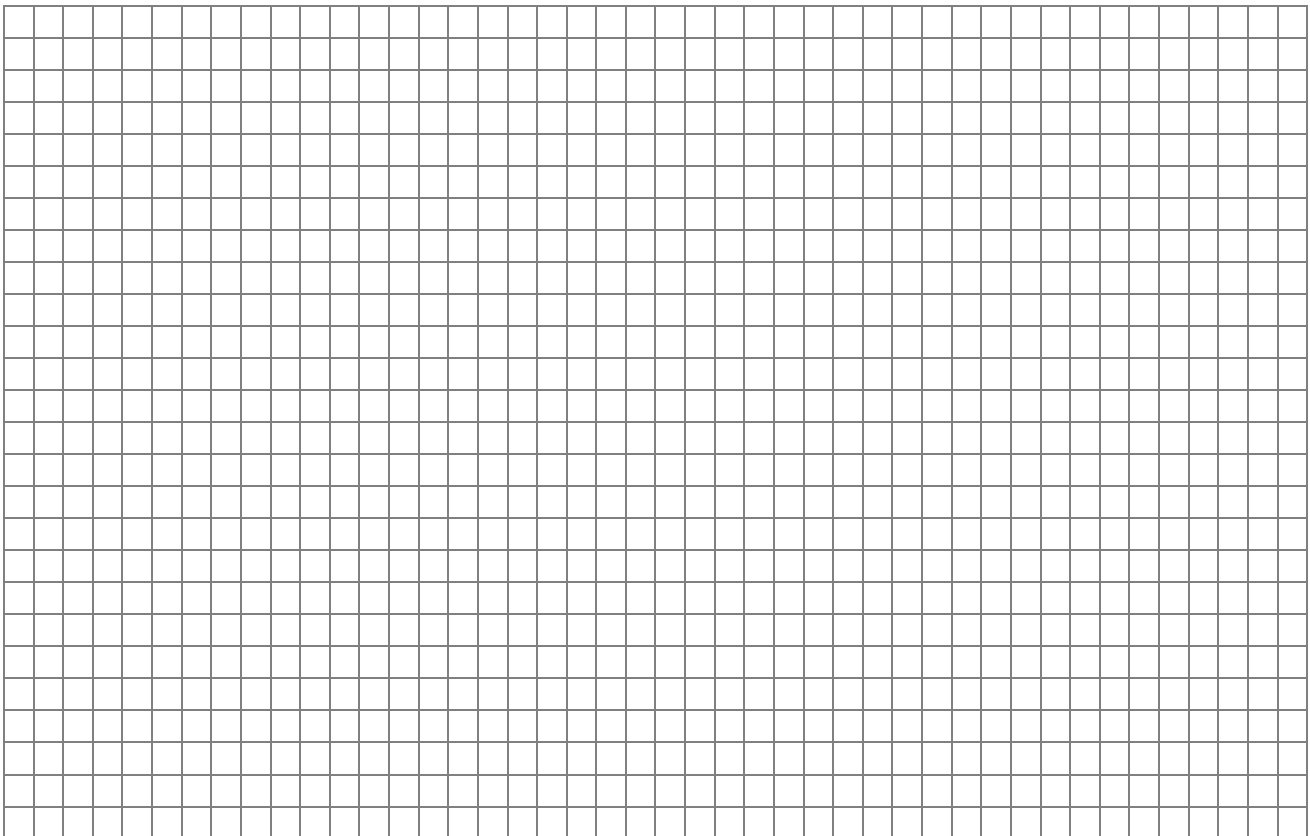
Die Dehnung Δs einer Feder hängt ab von der Kraft F , mit der an der Feder gezogen wird.

Untersuche den Zusammenhang zwischen der Kraft F und der Dehnung Δs , indem du Gewichtstücke der Masse $m_1 = 50\text{g}$, $m_2 = 100\text{g}$, $m_3 = 150\text{g}$, ... an die Feder hängst.



Masse in g	0	50	100	150	200	250		
Gewichtskraft F_G in N								
Dehnung Δs in cm								
$\frac{F}{\Delta s}$ in $\frac{\text{N}}{\text{m}}$								

Zeichne sauber ein $\Delta s - F$ - Diagramm!

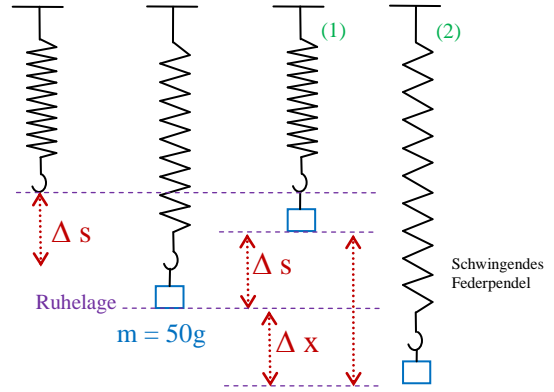


Formuliere nun das Hookesche Gesetz:

Die Konstante D heißt Federkonstante.

B. Herleitung der Formel für die Spannenergie

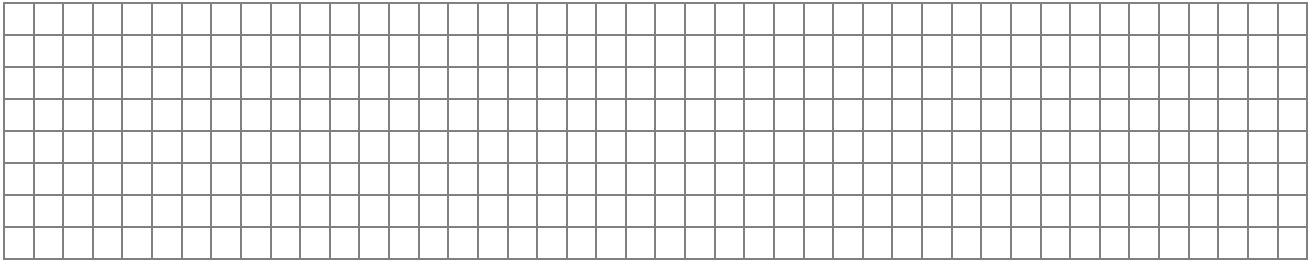
Führe die folgenden Versuche mit einer Feder, einem Massestück von 50g, einem Meterstab und Stativmaterial durch.



- a) Hänge die Masse an die Feder, miss die Dehnung Δs und ermittle daraus die Federhärte D der Feder.

Welcher Zusammenhang besteht nun zwischen D , Δs und $F = mg$

(*)



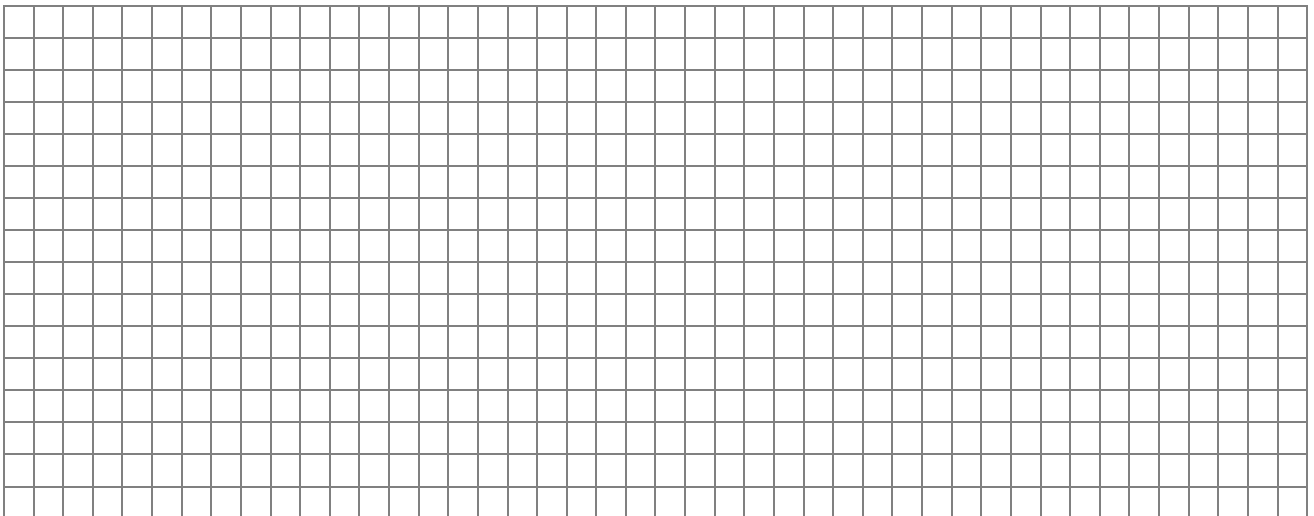
- b) Hänge die Masse von 50g an die Feder, hebe dann aber die Masse so weit hoch, dass die Feder gerade ungespannt ist (1).
Wenn du nun die Masse loslässt, so beginnt sie über die Ruhelage hinaus zu schwingen.
Wie groß ist die Streckenlänge Δx von der Ruhelage bis zur tiefsten Stelle der Schwingung (2)?

$\Delta x =$

 (**)

- c) Während der Schwingung des Federpendels werden ständig Lageenergie, kinetische Energie und Spannenergie ineinander umgewandelt.

Lege ein Niveau fest, auf dem die Lageenergie gerade Null sein soll. Welche Energieformen besitzt dann das Federpendel, wenn sich die Masse ganz oben bzw. ganz unten befindet?
Zeige nun mit Hilfe der Gleichungen (*) und (**), dass die Spannenergie bei einer Dehnung von $s = 2 \cdot \Delta s$ den Wert E_{Spann} (bei der Dehnung s) $= \dots = \frac{1}{2} \cdot D \cdot s^2$ besitzt.



Es gilt also für die Spannenergie einer Feder der Federhärte D bei einer Dehnung um s folgende Formel:
Hinweis:
Die Formel gilt auch, wenn die Feder um s gestaucht wird.

$E_{\text{Spann}} = \frac{1}{2} \cdot D \cdot s^2$

Versuch 3) „Bungee-Sprung“

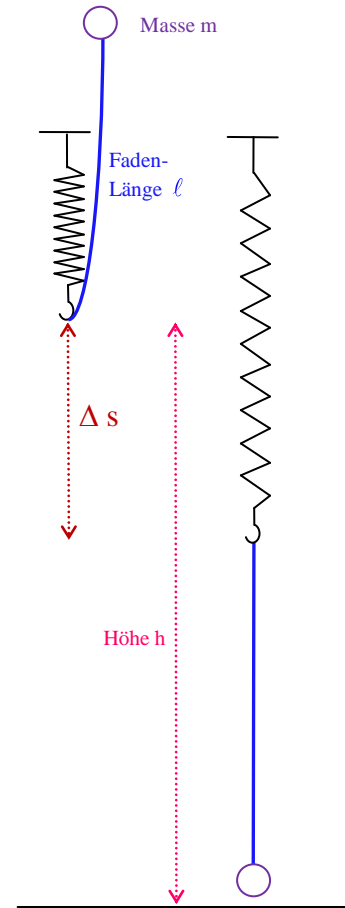
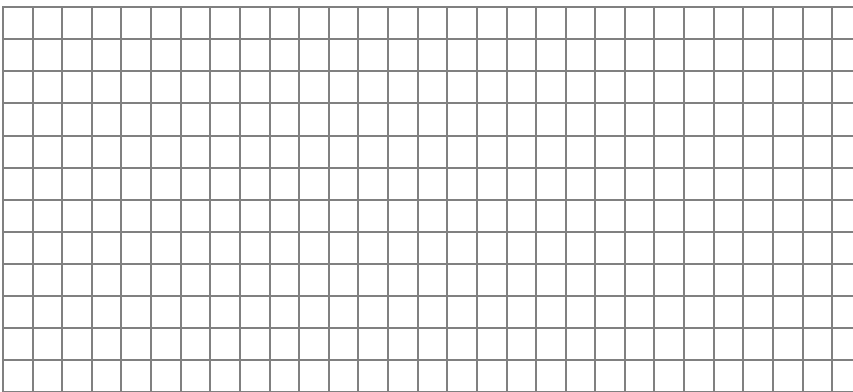
An einer weichen Feder der Federhärte $D = 3,0 \text{ N/m}$ ist eine Kugel der Masse $m = 64 \text{ g}$ an einem Faden der Länge ℓ befestigt.

Die Kugel wird hochgehoben (siehe Bild) und dann fallen gelassen. Versuche herauszufinden, in welcher Höhe h sich die Stahlfeder über dem Boden befinden muss, damit die Kugel gerade nicht am Boden aufschlägt.

Dazu musst du die Dehnung Δs der Stahlfeder bestimmen.

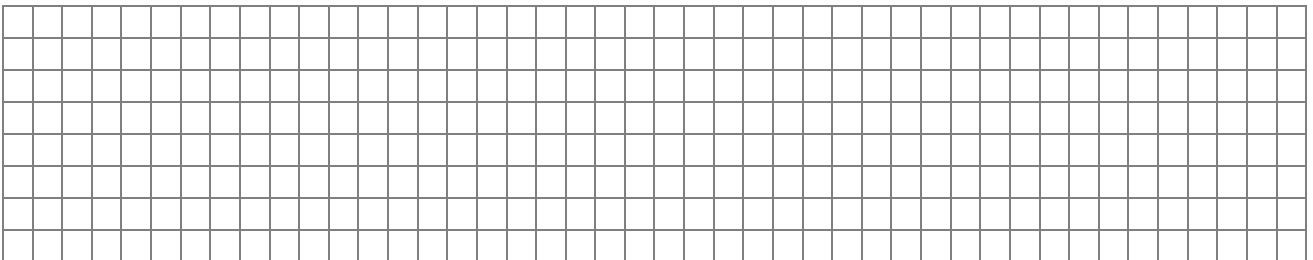
Zeige mit Hilfe des Energieerhaltungssatzes, dass gilt:

$$\frac{2 \cdot m \cdot g}{D} \cdot (\Delta s + 2\ell) = \Delta s^2$$



Zeige nun: Mit den oben angegebenen Werten für D und m folgt damit

$$42\text{cm} \cdot (\Delta s + 2\ell) = \Delta s^2 \text{ und umgeformt } \Delta s \cdot (\Delta s - 42\text{cm}) = 84\text{cm} \cdot \ell$$



Finde nun mit dem Taschenrechner durch Probieren heraus, wie groß Δs und damit h für die drei angegebenen Werte von ℓ sein muss.

ℓ in cm	20	25	30
Δs in cm			
h in cm			

Führe nun den Versuch so durch, dass die Kugel nach deinen Berechnungen gerade nicht am Boden aufschlägt.

Für Experten:

Führe die Berechnungen für eine andere (vom Lehrer gegebene) Feder, Kugelmasse und Fadenlänge erneut durch. Überprüfe dann deine Berechnungen im Experiment.

Versuch 4)

Im Internet findet man folgende Versuchsanleitung:

Das Wurfgerät von Leybold (33655) enthält eine sehr starke Feder. Miss die Länge s , die diese Feder gestaucht wird, wenn man die Feder mit einer Masse von $5,0\text{ kg}$ zusammenpresst.

Berechne daraus die Federhärte D diese Feder.

Stauhe nun ein weiteres Mal diese Feder mit dem Gewicht der $5,0\text{ kg}$ – Masse und arretiere den Bolzen mit der Schraube. Bestimme mit einer Waage die Masse der zum Wurfapparat gehörenden Kugel und stecke diese dann auf die Feder (siehe Bild!).

Berechne die Höhe h , welche die Kugel hochgeschleudert wird, wenn man die Arretierung des Bolzen löst. Führe nun den Versuch durch und überprüfe deine Rechnung.

Leider zeigt die Durchführung des Versuchs, dass die Kugel in Wirklichkeit weit weniger hochgeschleudert wird als berechnet! Kannst du den Grund finden?

